POLITÉCNICA "Ingeniames el futuro" CAMPUS DE EXCELENCIA INTERNACIONAL

UNIVERSIDAD POLITÉCNICA DE MADRID

E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES

ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE



ANX-PR/CL/001-02 GUÍA DE APRENDIZAJE

ASIGNATURA

Teoria de la medida y geometria fractal

CURSO ACADÉMICO - SEMESTRE

2014-15 - Segundo semestre

FECHA DE PUBLICACIÓN

Diciembre - 2014

UNIVERSIDAD POLITÉCNICA DE MADRID

E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES



ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Datos Descriptivos

Nombre de la Asignatura	Teoria de la medida y geometria fractal
Titulación	10MI - Grado en Matematicas e Informatica
Centro responsable de la titulación	E.T.S. de Ingenieros Informaticos
Semestre/s de impartición	Octavo semestre
Materia	Optatividad
Carácter	Optativa
Código UPM	105000141

Datos Generales

Créditos	6	Curso	4
Curso Académico	2014-15	Período de impartición	Febrero-Junio
Idioma de impartición	Castellano	Otros idiomas de impartición	

Requisitos Previos Obligatorios

Asignaturas Superadas

El plan de estudios Grado en Matematicas e Informatica no tiene definidas asignaturas previas superadas para esta asignatura.

Otros Requisitos

El plan de estudios Grado en Matematicas e Informatica no tiene definidos otros requisitos para esta asignatura.

Conocimientos Previos

Asignaturas Previas Recomendadas

Calculo I

Calculo II

Calculo III

Analisis complejo

Otros Conocimientos Previos Recomendados

El coordinador de la asignatura no ha definido otros conocimientos previos recomendados.

UNIVERSIDAD POLITÉCNICA DE MADRID

E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES



ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Competencias

- CE25 Conocer los campos de aplicación de las matemáticas y la informática, y tener una apreciación de la necesidad de poseer unos conocimientos técnicos profundos en ciertas áreas de aplicación; apreciación del grado de esta necesidad en, por lo menos, una situación.
- CE37 Combinar la teoría y la práctica para realizar tareas informáticas.
- CE43 Capacidad para trabajar de forma efectiva como individuo, organizando y planificando su propio trabajo, de forma independiente o como miembro de un equipo.
- CG01 Capacidad de resolución de problemas aplicando conocimientos de matemáticas, ciencias e ingeniería.
- CG02 Capacidad para el aprendizaje autónomo y la actualización de conocimientos, y reconocimiento de su necesidad en las áreas de la matemática y la informática.
- CG05 Capacidad de abstracción, análisis y síntesis.
- CG08 Capacidad de comunicarse de forma efectiva con los compañeros, usuarios (potenciales) y el público en general acerca de cuestiones reales y problemas relacionados con la especialización elegida.
- CG10 Capacidad para usar las tecnologías de la información y la comunicación.

Resultados de Aprendizaje

- RA120 Dado un campo de aplicación de las matemáticas o de la informática, evaluar y diseñar la solución más apropiada para resolver alguno de sus problemas, exponiendo las dificultades técnicas y los limites de la aplicación.
- RA121 Dado un problema real elegir las herramientas matemáticas o la tecnología informática más apropiada para su solución y diseñar su desarrollo e integración, analizando la viabilidad de su solución.
- RA122 Desarrollar la solución matemática y algorítmica mas apropiada a un problema matemático o informático que requiera un tratamiento especialmente complejo, analizando y exponiendo su viabilidad.
- RA123 Conocer alguno de los campos situados en la frontera entre las matemáticas y la informática, que están en la base de nuevas tendencias y desarrollos.



E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES



ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Profesorado

Profesorado

Nombre	Despacho	e-mail	Tutorias
Sastre Rosa, M. Asuncion	1318	sonia.sastre@upm.es	
Reyes Castro, Miguel E. (Coordinador/a)	1305	miguel.reyes@upm.es	

Nota.- Las horas de tutoría son orientativas y pueden sufrir modificaciones. Se deberá confirmar los horarios de tutorias con el profesorado.

UNIVERSIDAD POLITÉCNICA DE MADRID

E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES



ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Descripción de la Asignatura

Temario

- 1. Conceptos básicos de teoría de la medida
 - 1.1. Álgebras y sigma-álgebras
 - 1.2. Medidas y medidas exteriores
 - 1.3. Conjuntos medibles y no medibles
 - 1.4. Medida de Lebesgue
- 2. Funciones, integración y convergencia
 - 2.1. Funciones medibles y simples
 - 2.2. Integración respecto de una medida
 - 2.3. La integral de Lebesgue
 - 2.4. Teoremas de convergencia
- 3. Los espacios Lp y el teorema de Fubini
 - 3.1. Normas y espacios normados
 - 3.2. Los espacios Lp.
 - 3.3. Medidas producto
 - 3.4. El teorema de Fubini
- 4. Medidas y dimensión de Hausdorff
 - 4.1. Medidas de Hausdorff
 - 4.2. Dimensión de Hausdorff
 - 4.3. Otras dimensiones fractales
- 5. Sistemas de funciones iteradas
 - 5.1. Teorema de la función contractiva
 - 5.2. Métrica de Hausdorff
 - 5.3. Sistemas de funciones iteradas
 - 5.4. Conjuntos autosemejantes. Dimensión de autosemejanza
 - 5.5. Generación de conjuntos fractales. Ejemplos y aplicaciones.
- 6. Introducción a la teoría geométrica de la medida
 - 6.1. Propiedades geométricas de los fractales planos
 - 6.2. Clasificación de los fractales planos



E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES



ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Cronograma

Horas totales: 64 horas Horas presenciales: 64 horas (41%)

Peso total de actividades de evaluación continua: Peso total de actividades de evaluación sólo prueba final:

100%

Semana	Actividad Prensencial en Aula	Actividad Prensencial en Laboratorio	Otra Actividad Presencial	Actividades Evaluación
Semana 1	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios			Resolución y entrega de ejercicios
	Duración: 04:00			Duración: 00:00
	LM: Actividad del tipo Lección			TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	Magistral			Evaluación continua
				Actividad no presencial
Semana 2	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios			Resolución y entrega de ejercicios
	Duración: 04:00			Duración: 00:00
	LM: Actividad del tipo Lección			TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	Magistral			Evaluación continua
				Actividad no presencial
Semana 3	Explicación de contenidos teóricos y resolución de			Resolución y entrega de ejercicios
	ejercicios			Duración: 00:00
	Duración: 04:00			TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	LM: Actividad del tipo Lección Magistral			Evaluación continua
				Actividad no presencial
Semana 4	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios			Resolución y entrega de ejercicios
	Duración: 04:00			Duración: 00:00
	LM: Actividad del tipo Lección			TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	Magistral			Evaluación continua
				Actividad no presencial
Semana 5	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios			Resolución y entrega de ejercicios
	Duración: 04:00			Duración: 00:00
	LM: Actividad del tipo Lección			TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	Magistral			Evaluación continua
				Actividad no presencial
Semana 6	Explicación de contenidos teóricos y resolución de			Resolución y entrega de ejercicios
	ejercicios			Duración: 00:00
	Duración: 04:00			TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	LM: Actividad del tipo Lección Magistral			Evaluación continua
	1			Actividad no presencial
Semana 7	Explicación de contenidos teóricos y resolución de			Resolución y entrega de ejercicios
Semana 7	teóricos y resolución de ejercicios			
Semana 7	teóricos y resolución de ejercicios Duración: 04:00			ejercicios
Semana 7	teóricos y resolución de ejercicios			ejercicios Duración: 00:00



E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES



ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Código PR/CL/001

6

Semana 8	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios	Resolución y entrega de ejercicios
	Duración: 02:00	Duración: 00:00
		TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	LM: Actividad del tipo Lección Magistral	Evaluación continua
		Actividad no presencial
		Examen teórico-práctico
		Duración: 02:00
		EX: Técnica del tipo Examen Escrito
		Evaluación continua
		Actividad presencial
Semana 9	Explicación de contenidos teóricos y resolución de	Resolución y entrega de ejercicios
	ejercicios	Duración: 00:00
	Duración: 04:00	
	LM: Actividad del tipo Lección	Tl: Técnica del tipo Trabajo Individual
	Magistral	Evaluación continua
		Actividad no presencial
Semana 10	Explicación de contenidos teóricos y resolución de	Resolución y entrega de ejercicios
	ejercicios	Duración: 00:00
	Duración: 04:00	TI: Técnica del tipo Trabajo Individua
	LM: Actividad del tipo Lección Magistral	Evaluación continua
	1.09.0.0	Actividad no presencial
Semana 11	Explicación de contenidos teóricos y resolución de	Resolución y entrega de ejercicios
	ejercicios	Duración: 00:00
	Duración: 04:00	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	LM: Actividad del tipo Lección	Evaluación continua
	Magistral	Actividad no presencial
Semana 12		
Jemana 12	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios	Resolución y entrega de ejercicios
	Duración: 04:00	Duración: 00:00
	LM: Actividad del tipo Lección	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	Magistral	Evaluación continua
		Actividad no presencial
Semana 13	Explicación de contenidos teóricos y resolución de	Resolución y entrega de ejercicios
	ejercicios	Duración: 00:00
	Duración: 04:00	TI: Técnica del tipo Trabajo Individua
	LM: Actividad del tipo Lección Magistral	Evaluación continua
		Actividad no presencial
Semana 14	Explicación de contenidos teóricos y resolución de	Resolución y entrega de ejercicios
	ejercicios	Duración: 00:00
	Duración: 04:00	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	LM: Actividad del tipo Lección Magistral	Evaluación continua
		Actividad no presencial
Semana 15	Explicación de contenidos teóricos y resolución de	Resolución y entrega de ejercicios
	ejercicios	Duración: 00:00
	Duración: 04:00	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual
	LM: Actividad del tipo Lección	Evaluación continua
	Magistral	Actividad no presencial
		Actividad no presencial



E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES



ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Código PR/CL/001

Semana 16	Explicación de contenidos teóricos y resolución de		Examen teórico-práctico
	ejercicios		Duración: 02:00
	Duración: 02:00		EX: Técnica del tipo Examen Escrito
	LM: Actividad del tipo Lección		Evaluación continua
	Magistral		Actividad presencial
Semana 17			Examen teórico-práctico
			Duración: 02:00
			EX: Técnica del tipo Examen Escrito
			Evaluación sólo prueba final
			Evaluacion solo prueba imai

Nota.- El cronograma sigue una planificación teórica de la asignatura que puede sufrir modificaciones durante el curso.

Nota 2.- Para poder calcular correctamente la dedicación de un alumno, la duración de las actividades que se repiten en el tiempo (por ejemplo, subgrupos de prácticas") únicamente se indican la primera vez que se definen.

UNIVERSIDAD POLITÉCNICA DE MADRID

E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES



ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Código PR/CL/001

Actividades de Evaluación

Semana	Descripción	Duración	Tipo evaluación	Técnica evaluativa	Presencial	Peso	Nota mínima	Competencias evaluadas
1	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
2	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
3	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
4	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
5	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
6	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
7	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
8	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
8	Examen teórico-práctico	02:00	Evaluación continua	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Sí	35%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
9	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
10	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
11	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
12	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
13	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
14	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
15	Resolución y entrega de ejercicios	00:00	Evaluación continua	TI: Técnica del tipo Trabajo Individual	No	2%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43



E.T.S. de Ingenieros Informaticos



PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES

ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Código PR/CL/001

Semana	Descripción	Duración	Tipo evaluación	Técnica evaluativa	Presencial	Peso	Nota mínima	Competencias evaluadas
16	Examen teórico-práctico	02:00	Evaluación continua	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Sí	35%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43
17	Examen teórico-práctico	02:00	Evaluación sólo prueba final	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Sí	100%		CG01, CG02, CG05, CG08, CG10, CE25, CE37, CE43

Criterios de Evaluación

Convocatoria ordinaria

- Sistema general de evaluación continua. Cada una de las actividades evaluables se puntúan de 0 a 10, y la nota final se calcula según los pesos fijados en las propias actividades. Se considera aprobada la asignatura cuando la nota final es mayor o igual que 5 (sobre 10).
- Sistema de evaluación mediante sólo prueba final. El alumno que desee seguir el sistema de evaluación mediante sólo prueba final, deberá comunicarlo por escrito al coordinador de la asignatura antes de la 4ª semana de clase. Este sistema de evaluación consistirá en la realización de un examen escrito teórico-práctico que abarcará todo el temario de la asignatura, y evaluable entre 0 y 10 puntos. Se considera aprobada la asignatura cuando la nota obtenida sea mayor o igual que 5.

Convocatoria extraordinaria de julio

• Consistirá en la realización de un examen escrito teórico-práctico que abarcará todo el temario de la asignatura, y evaluable entre 0 y 10 puntos. Se considera aprobada la asignatura cuando la nota obtenida sea mayor o igual que 5.



E.T.S. de Ingenieros Informaticos

PROCESO DE SEGUIMIENTO DE TÍTULOS OFICIALES



ANX-PR/CL/001-02: GUÍA DE APRENDIZAJE

Recursos Didácticos

Descripción	Tipo	Observaciones
D.L. Cohn, Measure Theory, Birkhauser, 1993	Bibliografía	
G.B. Folland, Real Analysis, John Wiley, 1999.	Bibliografía	
M. de Guzmán y B. Rubio, Integración, teoría y técnicas, Alhambra, 1979.	Bibliografía	
M.F. Barnsley, Fractals everywhere, Academic Press, 1988.	Bibliografía	
K.J. Falconer, Fractal Geometry, John Wiley, 2003.	Bibliografía	
http://www.dma.fi.upm.es	Recursos web	
http://web3.fi.upm.es/AulaVirtual	Recursos web	