



UNIVERSIDAD
POLITÉCNICA
DE MADRID

PROCESO DE
COORDINACIÓN DE LAS
ENSEÑANZAS PR/CL/001



E.T.S. de Ingeniería y Sistemas
de Telecomunicación

ANX-PR/CL/001-01

GUÍA DE APRENDIZAJE

ASIGNATURA

595000201 - Algebra Lineal

PLAN DE ESTUDIOS

59TL - Grado En Ingeniería Telemática

CURSO ACADÉMICO Y SEMESTRE

2020/21 - Primer semestre

Índice

Guía de Aprendizaje

1. Datos descriptivos.....	1
2. Profesorado.....	1
3. Competencias y resultados de aprendizaje.....	2
4. Descripción de la asignatura y temario.....	3
5. Cronograma.....	7
6. Actividades y criterios de evaluación.....	9
7. Recursos didácticos.....	10
8. Otra información.....	11
9. Adendas.....	12

1. Datos descriptivos

1.1. Datos de la asignatura

Nombre de la asignatura	595000201 - Algebra Lineal
No de créditos	6 ECTS
Carácter	Básica
Curso	Primer curso
Semestre	Primer semestre
Período de impartición	Septiembre-Enero
Idioma de impartición	Castellano
Titulación	59TL - Grado en Ingeniería Telemática
Centro responsable de la titulación	59 - Escuela Técnica Superior De Ingeniería Y Sistemas De Telecomunicación
Curso académico	2020-21

2. Profesorado

2.1. Profesorado implicado en la docencia

Nombre	Despacho	Correo electrónico	Horario de tutorías *
Julia Maria Garcia Luengo	A2109	julia.gluengo@upm.es	Sin horario.
Gerardo Perez Villalon (Coordinador/a)	A2107	gerardo.perez@upm.es	Sin horario.
Rafael Jose Hernandez Heredero	A2106	rafael.hernandez.heredero@ upm.es	Sin horario.

* Las horas de tutoría son orientativas y pueden sufrir modificaciones. Se deberá confirmar los horarios de tutorías con el profesorado.

3. Competencias y resultados de aprendizaje

3.1. Competencias

CE B1 - Capacidad para la resolución de los problemas matemáticos que puedan plantearse en la ingeniería. Aptitud para aplicar los conocimientos sobre: álgebra lineal; geometría; geometría diferencial; cálculo diferencial e integral; ecuaciones diferenciales y en derivadas parciales; métodos numéricos; algorítmica numérica; estadística y optimización.

CG 04 - Capacidad de abstracción, de análisis y de síntesis y de resolución de problemas.

3.2. Resultados del aprendizaje

RA771 - Diagonalizar ortogonalmente una matriz simétrica y aplicar el teorema espectral

RA767 - Identificar un espacio vectorial y manejar los espacios vectoriales de polinomios, matrices, señales, polinomios trigonométricos y funciones en general, en especial calcular bases y coordenadas en estos espacios

RA762 - Caracterizar cuando un conjunto de vectores son un sistema de generadores, cuando son independientes y cuando forman una base. Caracterizar cuando una aplicación lineal es suprayectiva, cuando es inyectiva y cuando es invertible

RA768 - Calcular la matriz de una aplicación lineal respecto a una base arbitraria. Conocer y calcular la relación de semejanza entre las distintas matrices de una aplicación lineal

RA765 - Calcular la dimensión y bases de un subespacio vectorial, en particular del núcleo e imagen de una aplicación lineal. Realizar cambios de base. Conocer las distintas formas de definir y calcular el rango de una matriz. Demostrar y aplicar el teorema del rango

RA764 - Hallar la matriz de una aplicación lineal, de la composición de aplicaciones lineales y de la aplicación inversa

RA1 - Adquirir capacidad de ordenar y relacionar ideas con ayuda de los métodos matemáticos

RA766 - Utilizando software matemático estudiar sistemas lineales, características de un conjunto de vectores, y de aplicaciones lineales, y calcular dimensiones y bases de subespacios vectoriales, coordenadas, proyecciones ortogonales y distancias

RA4 - Adquirir destreza en el cálculo y conciencia de su necesidad para obtener resultados a través de la

resolución de ejercicios y problemas

RA761 - Analizar la existencia y unicidad de soluciones de un sistema de ecuaciones lineales y resolverlo utilizando la forma escalonada reducida de la matriz del sistema

RA769 - Calcular valores y vectores propios . Estudiar si una matriz es diagonalizable y diagonalizar matrices

RA2 - Comprender la necesidad de relacionar la intuición con la precisión y el rigor para formular y tratar las cuestiones científicas y técnicas

RA770 - Calcular la proyección ortogonal de un vector sobre un subespacio vectorial y distancias. Calcular las coordenadas en una base ortogonal directamente y mediante matrices ortogonales. Calcular la distancia entre un vector y un subespacio vectorial. Calcular una base ortogonal mediante el proceso de Gram-Schmidt. Calcular la solución mínimos cuadrados de un sistema. Calcular la recta de regresión

RA763 - Caracterizar cuando un conjunto de vectores son un sistema de generadores, cuando son independientes y cuando forman una base. Conocer y aplicar las distintas caracterizaciones de una matriz no singular. Calcular la inversa. Calcular determinantes

RA772 - Resolver una ecuación diferencial lineal de segundo orden con coeficientes constantes

RA8 - Adquirir conocimientos básicos sobre los fundamentos teóricos de los espacios vectoriales

RA11 - Manejar con soltura el álgebra de matrices y vectores

4. Descripción de la asignatura y temario

4.1. Descripción de la asignatura

En esta asignatura se estudia álgebra lineal básica, dedicando especial atención a los cambios de base, a la diagonalización de matrices y al proyector ortogonal. Los contenidos teóricos se complementan con la resolución de problemas y con prácticas utilizando software matemático. En esta parte práctica se presentan algunas de las aplicaciones más significativas del álgebra a la ingeniería de Telecomunicación, estableciéndose conexiones con otras asignaturas.

4.2. Temario de la asignatura

1. SISTEMAS DE ECUACIONES LINEALES

- 1.1. Sistemas de ecuaciones lineales
- 1.2. Reducción por filas y formas escalonadas
- 1.3. Forma escalonada reducida y posiciones pivote
- 1.4. Existencia y unicidad de soluciones

2. COMBINACIONES LINEALES

- 2.1. Ecuaciones vectoriales y ecuaciones matriciales
- 2.2. Combinaciones lineales
- 2.3. Subespacio generado por un conjunto de vectores
- 2.4. Caracterización de un sistema de generadores
- 2.5. Expresión vectorial de las soluciones de un sistema lineal
- 2.6. Independencia lineal
- 2.7. Caracterizaciones de la independencia

3. TRANSFORMACIONES LINEALES

- 3.1. Transformación lineal
- 3.2. La matriz canónica de una transformación lineal
- 3.3. Transformaciones lineales suprayectivas e inyectivas
- 3.4. Caracterización de las transformaciones lineales suprayectivas e inyectivas

4. ÁLGEBRA DE MATRICES

- 4.1. Suma y multiplicación por escalares
- 4.2. Composición de transformaciones lineales
- 4.3. Multiplicación de matrices
- 4.4. Traspuesta de una matriz
- 4.5. Inversa de una matriz
- 4.6. Algoritmo para el cálculo de la inversa
- 4.7. Transformaciones lineales invertibles
- 4.8. Caracterizaciones de matrices y transformaciones lineales invertibles

5. DETERMINANTES

- 5.1. Determinante de una matriz
- 5.2. Propiedades de determinantes
- 5.3. Cálculo de determinantes
- 5.4. Caracterización de matrices invertibles

6. SUBESPACIOS DE \mathbb{R}^n

- 6.1. Espacio columna y espacio nulo de una matriz
- 6.2. Bases
- 6.3. Base del espacio columna y del espacio nulo
- 6.4. Coordenadas
- 6.5. Dimensión de un subespacio
- 6.6. Rango de una matriz
- 6.7. Teorema del Rango

7. ESPACIOS VECTORIALES

- 7.1. Espacio vectorial
- 7.2. Subespacios vectoriales
- 7.3. Combinaciones lineales e independencia lineal
- 7.4. Bases, dimensión y coordenadas
- 7.5. Transformaciones lineales, núcleo y rango
- 7.6. Isomorfismo de coordenadas
- 7.7. Matriz de cambio de coordenadas

8. DIAGONALIZACIÓN

- 8.1. Vectores y valores propios
- 8.2. La ecuación característica
- 8.3. Matrices semejantes
- 8.4. Diagonalización de matrices
- 8.5. Potencias de una matriz y sistemas dinámicos
- 8.6. Las matrices de una transformación lineal
- 8.7. Relación de semejanza entre las matrices de una transformación lineal

8.8. Valores propios complejos

9. ORTOGONALIDAD

9.1. Producto escalar, norma y distancia

9.2. Bases ortogonales

9.3. Coordenadas en una base ortogonal

9.4. Proyección ortogonal

9.5. Bases ortonormales y matriz del proyector ortogonal

9.6. Matrices ortogonales

9.7. Proceso de Gram-Schmidt

9.8. Mínimos cuadrados y recta de regresión

9.9. Diagonalización de matrices simétricas

10. ECUACIONES DIFERENCIALES LINEALES

10.1. Ecuación diferencial lineal homogénea con coeficientes constantes

10.2. Ecuación diferencial lineal no homogénea con coeficientes constantes

10.3. Soluciones de la ecuación de orden dos

10.4. Condiciones iniciales

5. Cronograma

5.1. Cronograma de la asignatura *

Sem	Actividad presencial en aula	Actividad presencial en laboratorio	Tele-enseñanza	Actividades de evaluación
1	Tema 1. Sistemas de ecuaciones lineales Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 1. Sistemas de ecuaciones lineales Duración: 04:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
2	Tema 2: Combinaciones Lineales Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 2: Combinaciones Lineales Duración: 04:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
3	Tema 3. Transformaciones lineales Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 2: Combinaciones Lineales Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral Tema 3. Transformaciones lineales Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
4	Tema 4. Álgebra de Matrices Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 3. Transformaciones lineales Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral Tema 4. Álgebra de Matrices Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
5	Tema 4. Álgebra de Matrices Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 4. Álgebra de Matrices Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral Tema 5. Determinantes Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
6	Tema 6. Subespacios de R^n Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 6. Subespacios de R^n Duración: 04:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	Primera prueba EX: Técnica del tipo Examen Escrito Evaluación continua Presencial Duración: 02:00
7	Tema 7. Espacios vectoriales Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 7. Espacios vectoriales Duración: 04:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
8	Tema 7. Espacios vectoriales Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 7. Espacios vectoriales Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral Tema 8. Diagonalización Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	

9	Tema 8. Diagonalización Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 8. Diagonalización Duración: 04:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
10	Tema 8. Diagonalización Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 8. Diagonalización Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral Tema 9. Ortogonalidad Duración: 02:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
11	Tema 9. Ortogonalidad Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 9. Ortogonalidad Duración: 04:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
12	Tema 9. Ortogonalidad Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 9. Ortogonalidad Duración: 03:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral Tema 10. Ecuaciones diferenciales lineales Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	
13	Tema 10. Ecuaciones diferenciales lineales Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral		Tema 10. Ecuaciones diferenciales lineales Duración: 01:00 LM: Actividad del tipo Lección Magistral	Segunda prueba EX: Técnica del tipo Examen Escrito Evaluación continua Presencial Duración: 02:00
14				
15				
16				
17				Examen final EX: Técnica del tipo Examen Escrito Evaluación continua Presencial Duración: 03:00 Examen Final EX: Técnica del tipo Examen Escrito Evaluación sólo prueba final Presencial Duración: 03:00

Para el cálculo de los valores totales, se estima que por cada crédito ECTS el alumno dedicará dependiendo del plan de estudios, entre 26 y 27 horas de trabajo presencial y no presencial.

* El cronograma sigue una planificación teórica de la asignatura y puede sufrir modificaciones durante el curso derivadas de la situación creada por la COVID-19.

6. Actividades y criterios de evaluación

6.1. Actividades de evaluación de la asignatura

6.1.1. Evaluación continua

Sem.	Descripción	Modalidad	Tipo	Duración	Peso en la nota	Nota mínima	Competencias evaluadas
6	Primera prueba	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Presencial	02:00	20%	/ 10	CE B1 CG 04
13	Segunda prueba	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Presencial	02:00	20%	/ 10	CG 04 CE B1
17	Examen final	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Presencial	03:00	60%	/ 10	CE B1 CG 04

6.1.2. Evaluación sólo prueba final

Sem	Descripción	Modalidad	Tipo	Duración	Peso en la nota	Nota mínima	Competencias evaluadas
17	Examen Final	EX: Técnica del tipo Examen Escrito	Presencial	03:00	100%	5 / 10	CE B1 CG 04

6.1.3. Evaluación convocatoria extraordinaria

No se ha definido la evaluación extraordinaria.

6.2. Criterios de evaluación

La calificación de la asignatura es el máximo entre la aplicación de los porcentajes

- Primera prueba 20%
- Segunda prueba 20%
- Examen final 60%

y la nota del examen final.

En otras palabras, la nota final se obtiene con la fórmula

Nota final= Máximo (Primera prueba X 0.2 + Segunda prueba X 0.2 + Examen final X 0.6, Examen final)

Para aprobar la asignatura la nota final debe ser al menos 5 puntos.

En las convocatorias extraordinarias la evaluación se realiza mediante un examen final.

7. Recursos didácticos

7.1. Recursos didácticos de la asignatura

Nombre	Tipo	Observaciones
Plataforma Institucional Moodle	Recursos web	
Libro: Álgebra Lineal y sus Aplicaciones. D.C. Lay	Bibliografía	Ed. Pearson Educación
Hojas de problemas	Otros	

Laboratorio de Matemáticas	Equipamiento	
Software matemático	Equipamiento	

8. Otra información

8.1. Otra información sobre la asignatura

La programación docente de esta guía se adaptará a las condiciones sanitarias.

Contribución a los ODS:

La asignatura contribuye al ODS4 (subobjetivo 4.4): Aumentar considerablemente el número de jóvenes y adultos que tienen las competencias profesionales y técnicas necesarias para acceder al empleo y al emprendimiento.

9. Adendas

- Dada la situación de pandemia que sufre actualmente la Comunidad de Madrid producida por el COVID-19, la primera prueba de evaluación, que se celebrará el día 26 de octubre a las 8:30 horas, será realizada de forma telemática utilizando la plataforma Moodle-UPM.
- Dada la situación de pandemia producida por el COVID-19, la segunda prueba de evaluación continua, que se celebrará el lunes 14 de diciembre a las 8:30 horas, será realizada de forma telemática.